

#### A Télécharger en PDF

#### Exercice 1

Difficulté: 40/100

a) Le triangle ABC est transformé en A'B'C' par une homothétie de centre M et de rapport  $\frac{3}{4}$ . Construis l'image A'B'C'.

b) Le rectangle EFGH est transformé en E'F'G'H' par une homothétie de centre N et de rapport -2. Construis l'image E'F'G'H'.

#### Accéder au corrigé

#### Exercice 2

Difficulté: 70/100

Indiquez pour chaque figure si elle peut être obtenue à partir du polygone initial en rouge par :

- H+: une homothétie de rapport positif,
- H-: une homothétie de rapport négatif,
- I : ce n'est pas possible avec une homothétie unique.

Examinez les polygones a) à f) et déterminez la réponse appropriée.

#### Accéder au corrigé

#### Exercice 3

Difficulté: 60/100

- a) Dessine un segment de droite PQ avec  $PQ=6\,\mathrm{cm}.$
- b) Trace les homothéties  $\mathcal{H}(O;2)$  et  $\mathcal{H}(O;-2)$  sur le segment PQ avec O comme centre.

#### Accéder au corrigé

## Exercice 4

Difficulté: 65/100

Les quadrilatères q1, q2, q3, q4 et q5 sont semblables.

- a) Quelles transformations sont nécessaires pour passer du quadrilatère q2 aux quatre autres quadrilatères?
- b) Quelles transformations sont nécessaires pour passer du quadrilatère q5 aux quatre autres quadrilatères?
- c) Une transformation permettant de passer d'un quadrilatère à un autre parmi ces quadrilatères est appelée une «homothétie».

Quels éléments sont nécessaires pour définir une homothétie?

Quelles sont les propriétés fondamentales de cette transformation?

d) Complétez le tableau suivant.

 $|\longrightarrow|$  q1 | q2 | q3 | q4 | q5 ||---|---|---|

 $| q2 | \mathcal{H}(O; 3) | | | | |$ 

 $| q5 | | | \mathcal{H}(O; \frac{1}{4}) | |$ 

Accéder au corrigé

#### Exercice 5

Difficulté: 40/100

a) Le triangle XYZ est transformé en X'Y'Z' par une homothétie de centre O et de rapport  $-\frac{1}{2}$ . Construis l'image X'Y'Z'.

b) Le quadrilatère PQRS est transformé en P'Q'R'S' par une homothétie de centre O et de rapport 3. Construis l'image P'Q'R'S'.

Accéder au corrigé

#### Exercice 6

Difficulté: 50/100

Voici trois cercles et leurs homothétiques correspondants. Détermine le rapport d'homothétie pour chaque transition entre les cercles. Explique ton raisonnement.

Accéder au corrigé

#### Exercice 7

Difficulté: 40/100

a) Le triangle ABC est transformé en A'B'C' par une homothétie de centre O et de rapport  $\frac{1}{3}$ . Construis l'image A'B'C'.

b) Le pentagone JKLMN est transformé en J'K'L'M'N' par une homothétie de centre P et de rapport 2. Construis l'image J'K'L'M'N'.

Accéder au corrigé

### **Exercice 8**

Difficulté: 40/100

- a) Le triangle ABC est transformé en A'B'C' par une homothétie de centre O et de rapport  $-\frac{2}{3}$ . Construis l'image A'B'C'.
- b) Le quadrilatère MNPQ est transformé en M'N'P'Q' par une homothétie de centre P et de rapport 4. Construis l'image M'N'P'Q'.

Accéder au corrigé

# Exercice 9

Difficulté: 40/100

- a) La figure ABC, un triangle, est transformée en A'B'C' par une homothétie de centre D et de rapport -2. Construis l'image A'B'C'.
- b) Le pentagone EFGHI est transformé en E'F'G'H'I' par une homothétie de centre D et de rapport  $\frac{1}{4}$ . Construis l'image E'F'G'H'I'.

## Exercice 10

Difficulté: 50/100

Voici un triangle équilatéral et son image par une homothétie. Trouve le rapport d'homothétie et justifie ta réponse.

Accéder au corrigé

### Exercice 11

Difficulté: 40/100

a) Le pentagone ABCDE est transformé en A'B'C'D'E' par une homothétie de centre O et de rapport  $\frac{1}{3}$ . Construisez l'image A'B'C'D'E'.

b) Le triangle FGH est transformé en F'G'H' par une homothétie de centre O et de rapport -2. Construisez l'image F'G'H'.

Accéder au corrigé

#### Exercice 12

Difficulté: 50/100

Voici une figure composée de trois rectangles dans un plan, chacun étant homothétique à l'autre. Détermine pour chaque passage le rapport d'homothétie utilisé et explique comment tu l'as calculé en fournissant les détails nécessaires.

Accéder au corrigé

#### Exercice 13

Difficulté: 60/100

- a) Tracez un segment de droite AB tel que  $AB=8\,\mathrm{cm}$ .
- b) Réalisez les homothéties  $\mathcal{H}(C;3)$  et  $\mathcal{H}(C;-3)$  sur le segment AB avec C comme centre.

Accéder au corrigé

# Exercice 14

Difficulté: 64/100

## Exercice 1: Symétries et transformations

- 1. Identifie le motif le plus simple associé au pavage ci-dessous, sans inclure aucune superposition en employant exclusivement des symétries.
- 2. Pour les motifs proposés ci-après, indique les transformations nécessaires pour créer ces pavages :
- 3. Motif triangulaire alterné
- 4. Motif quadrille chevauché
- 5. Motif hexagonal alterné
- 6. Motif en cercles concentriques

#### Exercice 2: Homothétie

Trace l'image d'une figure appliquée par l'homothétie  $\mathscr{H}\left(O;\frac{1}{2}\right)$  .

#### Exercice 3: Calculs géométriques

- 1. Calcule les périmètres et aires des formes suivantes. Avec pour données :
- 2. Le périmètre et l'aire pour un rectangle.
- 3. Le périmètre et l'aire pour un trapèze.
- 4. Le périmètre et l'aire pour un triangle.
- 5. Le périmètre et l'aire pour un cercle.
- 6. La longueur et l'aire associées à un secteur circulaire.
- 7. Trouver l'aire d'un cercle de même diamètre 20 cm.
- 8. Déterminer le périmètre pour une figure comportant des motifs hachurés.
- 9. Sur les schémas proposés, calculer les périmètres  $(p_X, p_Y, p_Z, p_W)$  ainsi que les aires  $(A_X, A_Y, A_Z, A_W)$ .

#### Accéder au corrigé

### Exercice 15

Difficulté: 65/100

Une figure quadrilatérale WXYZ a été transformée en une autre figure W'X'Y'Z' par une homothétie. Reproduis soigneusement les deux figures et identifie le centre et le rapport de l'homothétie utilisée.

#### Accéder au corrigé

#### Exercice 16

Difficulté: 65/100

Les triangles  $t_1$ ,  $t_2$ ,  $t_3$ ,  $t_4$ , et  $t_5$  sont similaires.

- a) Quelles transformations sont nécessaires pour passer du triangle  $t_3$  aux quatre autres triangles?
- b) Quelles transformations sont nécessaires pour passer du triangle  $t_1$  aux quatre autres triangles?
- c) Une transformation qui permet de passer d'un triangle à un autre parmi ces triangles est appelée une «homothétie».

Quels éléments indispensables sont nécessaires pour définir une homothétie? Citez également les propriétés principales de cette transformation.

d) Complétez le tableau suivant.

$$|\longrightarrow| t_1 | t_2 | t_3 | t_4 | t_5 |$$
 $|--|--|--|--|$ 
 $| t_3 | \mathcal{H}(C; 2) | | | | |$ 
 $| t_1 | | | | \mathcal{H}(C; 1/3) | |$ 

Accéder au corrigé

## Exercice 17

Difficulté: 64/100

- a) Agrandis la figure g de façon à ce que la base du rectangle mesure  $6\,\mathrm{cm}.$
- b) Complète la symétrie de la figure donnée sans recourir à des instruments de mesure.

#### Accéder au corrigé

#### Exercice 18

Difficulté: 45/100

a) L'octogone PQRSTUVW est transformé en P'Q'R'S'T'U'V'W' par une homothétie de centre O et de rapport  $-\frac{4}{5}$ . Dessine P'Q'R'S'T'U'V'W'.

b) Le losange XYZT est transformé en X'Y'Z'T' par une homothétie de centre O et de rapport 2. Dessine X'Y'Z'T'.

Accéder au corrigé

# Exercice 19

Difficulté: 45/100

a) P'Q'R' est l'image du triangle PQR par une homothétie  $\mathcal{H}$ . Déterminez les positions de F' et G' en tenant compte de cette homothétie.

b) Les points P',Q' et R' représentent les milieux des côtés du triangle PQR.

Quelle est l'homothétie qui permet de transformer le triangle PQR en P'Q'R' ?

Accéder au corrigé

## Exercice 20

Difficulté: 60/100

Les figures ci-dessous représentent différents trapèzes obtenus par homothéties à partir d'un trapèze initial avec un centre donné O.

Pour chaque cas représenté, déterminez le signe et l'intervalle du rapport d'homothétie k selon les critères :

- k > 1,
- 0 < k < 1,
- -1 < k < 0, et
- k < -1.

Justifiez votre réponse en comparant les distances et positions par rapport à O.

Accéder au corrigé

# Exercice 21

Difficulté: 40/100

Les cercles  $C_1$ ,  $C_2$ ,  $C_3$ ,  $C_4$  et  $C_5$  sont homothétiques.

Accéder au corrigé

## Exercice 22

Difficulté: 60/100

Le point A a pour image A' par une homothétie de centre C et de rapport r. Quelle sera l'image du point B par cette même homothétie ?

Accéder au corrigé

### Exercice 23

Difficulté: 60/100

Le point A a pour image A' par une homothétie de centre B.

Déterminez l'image du point C par cette même homothétie.

Accéder au corrigé

## Exercice 24

Difficulté: 50/100

Un triangle XYZ a pour côtés les longueurs suivantes :  $4~\rm cm$ ,  $7~\rm cm$ , et  $9~\rm cm$ . Alice dessine une réduction de ce triangle avec des côtés mesurant  $2~\rm cm$ ,  $3,5~\rm cm$ , et  $4,5~\rm cm$ . Cette réduction est-elle correcte ?

Accéder au corrigé

#### Exercice 25

Difficulté: 40/100

#### Exercice

- a) Détermine le rapport de l'homothétie de centre O telle que l'image de P soit Q.
- b) Quel est l'image du point R par cette homothétie ?
- c) Propose trois proportions de longueurs à partir des figures du dessin.

Accéder au corrigé

## Exercice 26

Difficulté: 40/100

- a) Le triangle ABC est transformé en A'B'C' par une homothétie de centre O et de rapport  $\frac{2}{3}$ . Construis l'image A'B'C'.
- b) Le quadrilatère MNPQ est transformé en M'N'P'Q' par une homothétie de centre O et de rapport -2. Construis l'image M'N'P'Q'.

Accéder au corrigé

## Exercice 27

Difficulté: 50/100

Voici trois rectangles et leurs homothétiques correspondants. Déterminez le rapport d'homothétie pour chaque transition entre les rectangles. Expliquez votre démarche.

Accéder au corrigé

## Exercice 28

Difficulté: 60/100

- a) Dessine un segment de droite AB avec  $AB=8\,\mathrm{cm}.$
- b) Trace les homothéties  $\mathcal{H}(C;3)$  et  $\mathcal{H}(C;-3)$  sur le segment AB avec C comme centre.

Accéder au corrigé

## Exercice 29

Difficulté: 65/100

Les triangles t1, t2, t3, t4 et t5 sont homothétiques.

- a) Quelles transformations sont nécessaires pour passer du triangle t2 aux quatre autres triangles?
- b) Quelles transformations sont nécessaires pour passer du triangle t5 aux quatre autres triangles?
- **c)** Une transformation permettant de passer d'un triangle à un autre parmi ces triangles est appelée une «homothétie».

Quels éléments sont nécessaires pour définir une homothétie? Quelles sont les propriétés fondamentales de cette transformation?

d) Complétez le tableau suivant.

 $|{\longrightarrow}|\ t1\ |\ t2\ |\ t3\ |\ t4\ |\ t5\ |$ 

|---|---|

 $|t2| \mathcal{H}(C;2)|||||$ 

 $|t5|||\mathcal{H}(C;\frac{1}{3})||$ 

Accéder au corrigé

## Exercice 30

Difficulté: 48/100

Effectue les homothéties suivantes :

1.  $\mathcal{H}(O;3):PQRS\longrightarrow P_1Q_1R_1S_1$ 

2.  $\mathcal{H}\left(O; \frac{1}{3}\right): PQRS \longrightarrow P_2Q_2R_2S_2$ 

3.  $\mathcal{H}(O;-2):PQRS\longrightarrow P_3Q_3R_3S_3$ 

4.  $\mathcal{H}(O; -0.5): PQRS \longrightarrow P_4Q_4R_4S_4$ 

Illustration correspondante

Accéder au corrigé

### Exercice 31

Difficulté: 60/100

- a) Dessine un cercle C de centre O et de rayon  $5~\mathrm{cm}$ .
- b) Trace les transformations \$

 $abla_T(2)et$ 

 $abla\_T(-2) appliqu\'ee saucer cle Cavec T\$ comme centre.$ 

Accéder au corrigé

## Exercice 32

Difficulté: 65/100

Le quadrilatère Q' est-il une homothétie du quadrilatère Q ?

Accéder au corrigé

### Exercice 33

Difficulté: 60/100

a) Dessine un carré ABCD tel que la longueur d'un côté soit égale à  $4\,\mathrm{cm}$ .

b) Trace les agrandissements \$

abla(O; 3)et

abla(O;  $\frac{1}{3}$ )ducarréABCDavecO\$ comme centre.

Accéder au corrigé

# Exercice 34

Difficulté: 50/100

Dans un espace vectoriel représenté par un quadrillage, considère deux triangles, l'un est une image homothétique de l'autre. Identifier le centre et le rapport d'homothétie pour ce cas, en justifiant votre raisonnement.

Accéder au corrigé

#### 30 MIN DE COURS GRATUIT ET SANS ENGAGEMENT!





Obtenez un cours de maths en ligne ou à domicile gratuit ou dès 25CHF/h sans engagement !

https://web.swissmath.ch/cours-gratuit